

Použiteľné vzorce z NM:

$$k_1 = h \cdot f(x_i, y_i) \quad y_{i+1} = y_i + \frac{k_1 + 2k_2 + 2k_3 + k_4}{6}$$

$$k_2 = h \cdot f\left(x_i + \frac{h}{2}, y_i + \frac{k_1}{2}\right)$$

$$k_3 = h \cdot f\left(x_i + \frac{h}{2}, y_i + \frac{k_2}{2}\right)$$

$$k_4 = h \cdot f(x_i + h, y_i + k_3)$$

$$\frac{(b-a) \cdot h^2 \cdot M_2}{12}, \quad \frac{(b-a)^3 \cdot M_2}{12 \cdot n^2}$$

Použiteľné vzorce z PaMŠ:

Parametre niektorých rozdelení

Rozdelenie	$bino(n,p)$	$hyge(M,K,n)$	$poiss(\lambda)$	$unif(a,b)$	$exp(\lambda)$	$norm(\mu, \sigma)$
$E(X)$	$n \cdot p$	$n \cdot \frac{K}{M}$	λ	$\frac{a+b}{2}$	λ	μ
$D(X)$	$n \cdot p \cdot q$	$\frac{M-n}{M-1} \cdot \left(1 - \frac{K}{M}\right) \cdot \frac{n \cdot K}{M}$	λ	$\frac{(b-a)^2}{12}$	λ^2	σ^2

$(1 - \alpha) \cdot 100\%$ -ný interval spoľahlivosti

pre	obojstranný	ľavostranný	pravostranný
$\mu, (\sigma \text{ je známe})$	$\left\langle \bar{x} - y_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + y_{1-\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right\rangle$	$\left\langle \bar{x} - y_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \infty \right\rangle$	$\left(-\infty, \bar{x} + y_{1-\alpha} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}}\right)$
$\mu, (\sigma \text{ je neznáme})$	$\left\langle \bar{x} - t_{1-\frac{\alpha}{2}, n-1} \cdot \frac{s^*}{\sqrt{n}}, \bar{x} + t_{1-\frac{\alpha}{2}, n-1} \cdot \frac{s^*}{\sqrt{n}} \right\rangle$	$\left\langle \bar{x} - t_{1-\alpha, n-1} \cdot \frac{s^*}{\sqrt{n}}, \infty \right\rangle$	$\left(-\infty, \bar{x} + t_{1-\alpha, n-1} \cdot \frac{s^*}{\sqrt{n}}\right)$
$\sigma^2, (\mu \text{ je neznáme})$	$\left\langle \frac{(n-1) \cdot s^{*2}}{\chi^2_{1-\frac{\alpha}{2}, n-1}}, \frac{(n-1) \cdot s^{*2}}{\chi^2_{\alpha, n-1}} \right\rangle$	$\left\langle \frac{(n-1) \cdot s^{*2}}{\chi^2_{1-\alpha, n-1}}, \infty \right\rangle$	$\left(0, \frac{(n-1) \cdot s^{*2}}{\chi^2_{\alpha, n-1}}\right)$

Testy o parametroch (výber z normálneho rozdelenia)

$$H_0: \mu = \mu_0, (\sigma \text{ poznáme}),$$

$$K_\alpha:$$

$$(y_{1-\alpha}, \infty) \text{ pre } H_1: \mu > \mu_0$$

$$\text{TCH: } Y = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma} \cdot \sqrt{n},$$

$$(-\infty, -y_{1-\alpha}) \text{ pre } H_1: \mu < \mu_0$$

$$\left(-\infty, -y_{1-\frac{\alpha}{2}}\right) \cup \left(y_{1-\frac{\alpha}{2}}, \infty\right) \text{ pre } H_1: \mu \neq \mu_0$$

$$H_0: \mu = \mu_0 \text{ (}\sigma\text{ nepoznáme), } K_\alpha: \left(t_{1-\alpha, n-1}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \mu > \mu_0$$

$$\text{TCH: } t = \frac{\bar{x} - \mu_0}{s^*} \cdot \sqrt{n},$$

$$\left(-\infty, -t_{1-\alpha, n-1} \right) \text{ pre } H_1: \mu < \mu_0$$

$$\left(-\infty, -t_{\frac{\alpha}{2}, n-1} \right) \cup \left(t_{\frac{\alpha}{2}, n-1}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \mu \neq \mu_0$$

$$H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2, \quad K_\alpha: \left(\chi^2_{1-\alpha, n-1}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \sigma^2 > \sigma_0^2$$

$$\text{TCH: } \chi^2 = \frac{n-1}{\sigma_0^2} \cdot s^{*2},$$

$$\left(0, \chi^2_{\alpha, n-1} \right) \text{ pre } H_1: \sigma^2 < \sigma_0^2$$

$$\left(0, \chi^2_{\frac{\alpha}{2}, n-1} \right) \cup \left(\chi^2_{\frac{\alpha}{2}, n-1}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \sigma^2 \neq \sigma_0^2$$

$$H_0: \mu_1 = \mu_2, (\sigma_1 \text{ a } \sigma_2 \text{ poznáme}), \quad K_\alpha: \left(y_{1-\alpha}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \mu_1 > \mu_2$$

$$\text{TCH: } Y = \frac{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}{\sqrt{n_2 \cdot \sigma_1^2 + n_1 \cdot \sigma_2^2}} \cdot \sqrt{n_1 \cdot n_2},$$

$$\left(-\infty, -y_{1-\alpha} \right) \text{ pre } H_1: \mu_1 < \mu_2$$

$$\left(-\infty, -y_{\frac{\alpha}{2}} \right) \cup \left(y_{\frac{\alpha}{2}}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \mu_1 \neq \mu_2$$

$$H_0: \mu_1 = \mu_2, (\sigma_1 = \sigma_2, \sigma_1 \text{ a } \sigma_2 \text{ nepoznáme}), \quad K_\alpha: \left(t_{1-\alpha, n_1+n_2-2}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \mu_1 > \mu_2$$

$$\text{TCH: } t = \frac{(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) \cdot \sqrt{\frac{n_1 \cdot n_2 \cdot (n_1 + n_2 - 2)}{n_1 + n_2}}}{\sqrt{(n_1 - 1) \cdot s_1^{*2} + (n_2 - 1) \cdot s_2^{*2}}},$$

$$\left(-\infty, -t_{1-\alpha, n_1+n_2-2} \right) \text{ pre } H_1: \mu_1 < \mu_2$$

$$\left(-\infty, -t_{\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2} \right) \cup \left(t_{\frac{\alpha}{2}, n_1+n_2-2}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \mu_1 \neq \mu_2$$

$$H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2, \quad K_\alpha: \left(F_{1-\alpha, n_1-1, n_2-1}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \sigma_1^2 > \sigma_2^2$$

$$\text{TCH: } F = \frac{s_1^{*2}}{s_2^{*2}},$$

$$\left(0, F_{\alpha, n_1-1, n_2-1} \right) \text{ pre } H_1: \sigma_1^2 < \sigma_2^2$$

$$\left(0, F_{\frac{\alpha}{2}, n_1-1, n_2-1} \right) \cup \left(F_{\frac{\alpha}{2}, n_1-1, n_2-1}, \infty \right) \text{ pre } H_1: \sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$$